В.В. Суханов

Электромагнит возвратно-поступательного движения

Исходные данные для расчёта

Максимальные габариты цилиндрического электромагнита: $R_{\text{max}} = 95$ мм, $L_{\text{max}} = 150$ мм.

Рабочий зазор: $\delta_{\max} = 5$ мм. Полезная нагрузка: $m_{\Pi} = 1$ кг.

Система питания катушек электромагнита: последовательность импульсов постоянного тока.

Частота следования прямоугольных импульсов: $f = 25 \Gamma \mu$

Временные параметры импульсов: $t_{\text{движ}} = t_{\text{удерж}}, t_{\text{имп}} = 2 \cdot t_{\text{движ}} = 2 \cdot t_{\text{удерж}}, T_{\text{имп}} = 2 \cdot t_{\text{имп}}$

Конструктивная схема и основные размеры электромагнита

Выбранная конструктивная схема электромагнита при нейтральном положении подвижного штока показана на рис. 1. Распределение магнитного поля в магнитной системе электромагнита таково, что при питании одной из катушек сквозь сечения $S_{\rm T}$, $S_{\rm пш}$, $S_{\rm пш}$ и $S_{\rm нc}$ (смотри рис. 1) проходит практически один и тот же магнитный поток Ф. Для того, чтобы среднее значение магнитной индукции В в этих сечениях было примерно одинаковым необходимо, чтобы

$$S_{\mathrm{T}} = S_{\mathrm{IUII}} = S_{\mathrm{HC}} , \qquad (1)$$

где

$$S_{\rm T} = \pi \cdot \left(R_{\rm H}^2 - R_{\rm B}^2\right) = 2\pi R_{\rm cp} h_{\rm T} , \quad R_{\rm cp} = \frac{R_{\rm H} + R_{\rm B}}{2} , \quad h_{\rm T} = R_{\rm H} - R_{\rm B}$$

$$S_{\rm HH} = 2\pi R_{\rm H} l_{\rm HH} , \quad S_{\rm HH} = \pi R_{\rm H}^2 , \quad S_{\rm HC} = 2\pi R_{\rm H} l_{\rm HC}$$

$$(2)$$

Равенства (1) с учётом выражений (2) принимают следующий вид:

$$h_{\rm T} \frac{R_{\rm cp}}{R_{\rm m}} = \frac{R_{\rm m}}{2} = l_{\rm m} = l_{\rm hc} \tag{3}$$

Из первого соотношения (3) следует, что

$$R_{\rm III} = \sqrt{2h_{\rm T}R_{\rm cp}} \tag{4}$$

Размеры $h_{\rm T}$ и $R_{\rm cp}$ в (4) неизвестны, но взаимосвязаны между собой. В частности, при известном габаритном значении $R_{\rm H}$ (смотри рис. 1) можно задаться толщиной

наружного сердечника $h_{\rm T}$, значение которой сразу определяет радиус $R_{\rm B}$, а следовательно и величину $R_{\rm cp}$. После этого по (4) можно найти радиус $R_{\rm III}$ и далее по (3) осевые длины $l_{\rm IIII}$ и $l_{\rm Hc}$. Из рассмотрения рис. 1 видно, что выбор $h_{\rm T}$ однозначно определяет и высоту окна $h_{\rm K}$, где должны размещаться катушки обмотки возбуждения. Эти размеры также взаимосвязаны. Это следует из двух основополагающих выражений для магнитной индукции B_{δ} в основном рабочем зазоре и силы F, действующей на шток:

$$B_{\delta} = \frac{\mu_o}{\delta} I_{\kappa} W_{\kappa} = \frac{\mu_o}{\delta} I_{\Sigma} = \frac{\mu_o}{\delta} j_{\text{pac}q} S_{\kappa} = \frac{\mu_o}{\delta} j_{\text{pac}q} h_{\kappa} l_{\kappa}, \tag{5}$$

$$F = \frac{B_{\delta}^{2}}{2\mu_{o}} S_{T} = \frac{B_{\delta}^{2}}{2\mu_{o}} 2\pi R_{cp} h_{T}$$
 (6)

Строго говоря, выражения (5) и (6) справедливы для однородного поля и для ненасыщенной магнитной системы. Тем не менее, при определенных допущениях их можно использовать для предварительных расчётов.

В выражении (5) $I_{\Sigma} = I_{\mathbf{k}} \cdot w_{\mathbf{k}}$ — полный ток или намагничивающая сила обмотки возбуждения, j_{pacq} — расчётная плотность тока при моделировании магнитного поля в реальной конструкции электромагнита.

Таким образом, размер $h_{\rm T}$ следует выбирать таким, чтобы осталось достаточно места для высоты окна (размер $h_{\rm K}$), где размещаются катушки с током обмоток возбуждения.

При ограниченных габаритах ($R_{\rm H}$ и $L_{\rm III}$) и выборе радиальных размеров по (4) размеры окна под катушку $h_{\rm K}$ и $l_{\rm K}$ определяются автоматически. Затем по (5) и (6) следует оценить на какую индукцию в зазоре при допустимой плотности тока $j_{\rm pacq}$ можно рассчитывать и какое значение силы при этой индукции можно получить в начале движения штока, когда $\delta = 5$ мм.

Ниже приводится пример расчёта основных размеров электромагнита на основе вышеизложенного подхода.

Пусть
$$h_{\rm T}=20$$
 мм. Тогда $R_{\rm B}=R_{\rm H}-h_{\rm T}=95-20=75$ мм, $R_{\rm cp}=0,5(95+75)=85$ мм. При этом $R_{\rm III}=\sqrt{2\cdot85\cdot20}=58,3\approx58$ мм, $l_{\rm IIII}=l_{\rm HC}=0,5\cdot58,3=29,15\approx29$ мм.

Высота окна $h_{\rm K} = R_{\rm B} - R_{\rm III} - \Delta = 75 - 58 - 0,5 = 16,5$ мм, где $\Delta = 0,5$ мм — зазор между наружным сердечником и штоком, необходимый для свободного перемещения штока в осевом направлении.

Длина окна

 $l_{\rm K} = 0.5 \cdot [L_{\rm III} - (l_{\rm IIII} + 2 \cdot l_{\rm HC} + 2 \cdot \delta + 2 \cdot l_{\rm B})] = 0.5 \cdot [150 - (29 + 2 \cdot 29 + 2 \cdot 2.5 + 2 \cdot 5)] = 24$ мм, где $l_{\rm B} = 5$ мм — длина выступов штока, находящегося в нейтральном положении, относительно торцевых поверхностей наружных сердечников.

Таким образом, площадь окна (площадь поперечного сечения катушки) $S_{\rm K}=16,5\cdot 24=396~mm^2$, а отношение $k_{\rm k}=l_{\rm k}/h_{\rm k}=24/16,5=1,454$. Следует отметить, что рекомендуемые значения $k_{\rm k}=1,5-3$.

При естественном охлаждении реальное значение плотности тока $j_{\text{реал}}$ рекомендуется выбирать в пределах (3–5) A/mM^2 при значении коэффициента заполнения окна $k_3 = (0.72 - 0.81)$. Задаваясь средними значениями $j_{\text{реал}}$ и k_3 , будем иметь:

$$j_{\text{pean}} = 4 A/MM^2$$
, $k_3 = 0.765$.

Если при этом учесть, что обмотки возбуждения запитываются импульсами постоянного тока со скважностью $\varepsilon = t_{\text{имп}}/T_{\text{имп}} = 0,5$, то реальное значение плотности тока $j_{\text{реал}}$ в импульсе можно удвоить, поскольку среднее за период $T_{\text{имп}}$ значение $j_{\text{реал}}$ будет попрежнему оставаться равным 4 A/mm^2 . Таким образом, расчётное значение плотности тока можно записать в виде:

$$j_{\text{pac}_{4}} = (j_{\text{pean}} \cdot k_{3})/\varepsilon = (4.0,765)/0,5 = 6,12 \text{ A/MM}^{2}$$
 (7)

Тогда индукция и сила согласно (5) и (6) определятся, как:

$$B_{\delta} = \frac{\mu_o}{\delta} \frac{j_{\text{pean}} k_3}{\varepsilon} S_{\kappa} = \frac{4\pi \cdot 10^{-7}}{0.005} \frac{4 \cdot 10^6 \cdot 0.765}{0.5} \cdot 396 \cdot 10^{-6} = 0.609 \text{T}$$
 (8)

$$F_{\text{\tiny HAH}} = \frac{B_{\delta}^2}{\mu_o} \pi R_{\text{\tiny cp}} h_{\text{\tiny T}} = \frac{0.609^2}{4\pi \cdot 10^{-7}} \cdot \pi \cdot 85 \cdot 10^{-3} \cdot 20 \cdot 10^{-3} = 1576.2 \text{H}$$
(9)

Вместе с тем рекомендуемые значения индукции в зазоре находятся в пределах \mathbf{B}_{δ} = (0,8-1,5) T. При таких значениях \mathbf{B}_{δ} предполагается, что индукции в ферромагнитных сердечниках должны определяться величинами порядка $\mathbf{B}_{\mathrm{Fe}} = (1.2-1.5)$ Т. Таким образом, полученный результат (8) показывает, что при заданных габаритных ограничениях ($R_{\mathrm{H}} = 95$ M и $L_{\mathrm{III}} = 150$ M данный электромагнит по

ферромагнитному материалу будет недоиспользован. Иначе можно сказать, что размеры $R_{\rm H}$ и $L_{\rm III}$ тоже должны быть согласованными. Покажем это на примере, когда нет ограничений по осевому размеру $L_{\rm III}$.

После того, как вышеуказанным способом определены радиальные и осевые размеры $h_{\rm T}$, $R_{\rm III}$, $h_{\rm K}$, $l_{\rm IIII}$ и $l_{\rm HC}$ следует задаться значением ${\bf B}_{\delta}$. Пусть ${\bf B}_{\delta}=1$ T. Тогда, согласно (5), полный ток или намагничивающая сила катушки будет равна:

$$I_{\Sigma} = I_{\kappa} w_{\kappa} = \frac{\delta \cdot B_{\delta}}{\mu_{o}} = \frac{0.005 \cdot 1}{4\pi \cdot 10^{-7}} = 3978.9$$
 (10)

Площадь окна под катушку и осевая длина окна определятся, как

$$S_{\kappa} = \frac{I_{\Sigma}}{j_{\text{pac}^{4}}} = \frac{3978.9}{6.12} = 650.15 \text{MM}^{2} \quad , \qquad l_{\kappa} = \frac{S_{\kappa}}{h_{\kappa}} = \frac{650.15}{16.5} = 39.4 \approx 40 \text{MM}$$
 (11)

При этом отношение $k_{\rm k}=40/16,5=2,424,$ что укладывается в рекомендуемый диапазон.

Наконец, осевая длина штока будет равна:

$$L_{\text{III}} = 2 \cdot (l_{\text{B}} + l_{\text{HC}} + l_{\text{K}} + \delta) + l_{\text{IIIII}} = 2 \cdot (5 + 29 + 40 + 2.5) + 29 = 182 \text{MM}$$
 (12)

Результат (12) следует рассматривать как оптимальное значение $L_{\rm m}$, соответствующее радиальному размеру $R_{\rm H} = 95~mm$.

Несмотря на вышеизложенное и следуя исходным данным, был выбран вариант расчёта по первому способу, когда есть ограничения как по $R_{\rm H}$, так и по $L_{\rm III}$. Окончательные результаты расчёта основных размеров электромагнита приведены на рис. 1 и несколько отличаются от вышерассмотренного примера. Вызвано это было желанием пусть ненамного, но хотя бы чуть-чуть увеличить площадь окна $S_{\rm K}$ под катушки обмоток возбуждения, что было достигнуто за счет небольшого (на 3 MM) уменьшения радиуса $R_{\rm III}$. Кроме того были округлены до 30 MM размеры $l_{\rm IIII}$ и $l_{\rm Hc}$. В результате оказалось, что $S_{\rm K} = 19,5\cdot22.5 = 438,75 <math>MM^2$ (в приведённом примере расчёта $S_{\rm K} = 396 MM^2$). Эти изменения, естественно, привели к незначительному нарушению условия (1), о чем можно судить по следующим значениям площадей:

$$S_{\rm T} = 10681 \text{ MM}^2$$
, $S_{\rm HIII} = 10367 \text{ MM}^2$, $S_{\rm HIII} = 9503 \text{ MM}^2$, $S_{\rm HC} = 10462 \text{ MM}^2$

Объём штока (подвижной части электромагнита) равен: $V_{\rm m} = V_{\rm 1m} + V_{\rm 2m}$, где

$$V_{1\text{III}} = \pi R_{\text{III}}^2 \cdot l_{\text{III}} = \pi \left(55 \cdot 10^{-3}\right)^2 \cdot 150 \cdot 10^{-3} = 1.425 \cdot 10^{-3} \,\text{M}^3$$

$$V_{2\text{III}} = \pi \left(R_{\text{H}}^2 - R_{\text{III}}^2 \right) \cdot l_{\text{IIIII}} = \pi \left[\left(95 \cdot 10^{-3} \right)^2 - \left(55 \cdot 10^{-3} \right)^2 \right] \cdot 30 \cdot 10^{-3} = 0.566 \cdot 10^{-3} \, \text{M}^3$$

$$V_{\text{III}} = 1.425 \cdot 10^{-3} + 0.566 \cdot 10^{-3} = 1.991 \cdot 10^{-3} \, \text{M}^3$$

Принимаем, что материал штока – это Сталь 3 с удельным весом $\gamma = 7.8 \cdot 10^3 \ \kappa c/m^3$. Тогда масса штока будет равна: $m_{\rm m} = V_{\rm m} \cdot \gamma = 1.991 \cdot 10^{-3} \cdot 7.8 \cdot 10^3 = 15.53 \ \kappa c$.

Поскольку масса полезной нагрузки $m_{\rm n} = 1 \, \kappa z$, то общая масса m будет равна:

$$m = m_{III} + m_{II} = 15,53 + 1 = 16,53 \text{ K2}$$

Методика исследований и расчётов

Методика исследований и расчётов состоит из двух этапов. На первом этапе решается электромагнитная задача. Это осесимметричная задача нелинейной магнитостатики. Решается она с помощью конечно-элементного программного комплекса «ELCUT». Расчёт магнитостатического поля ведется через векторный магнитный потенциал A, который удовлетворяет уравнению Пуассона. В цилиндрической системе координат r,z оно имеет вид:

$$\frac{\partial}{\partial r} \left(\frac{1}{\mu} \frac{\partial (rA)}{r \partial r} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left(\frac{1}{\mu} \frac{\partial A}{\partial z} \right) = -j_{\text{pacq}} \quad , \tag{13}$$

где μ — магнитная проницаемость наружного сердечника и штока (внутреннего сердечника).

Нелинейные ферромагнитные свойства сердечников задаются кривой намагничивания $\mathbf{B}(\mathbf{H})$ для Стали 3 с помощью кубического сплайна.

Решение уравнения (13) осуществляется для различных положений штока относительно неподвижных наружных сердечников электромагнита. Для каждого положения штока с помощью интегрального калькулятора, встроенного в пакет «ELCUT», определяется суммарная магнитостатическая сила, действующая на ферромагнитный шток. Таким образом, определяется зависимость движущей силы $F_{\rm дв}$ от расстояния S (пройденного пути) в процессе перемещения штока по зазору δ . При этом, если зазор δ изменяется от $\delta_{\rm max}$ до нуля, то расстояние S изменяется от нуля до $\delta_{\rm max}$. На этом первый этап расчётов заканчивается.

В задачу второго этапа расчётов входит определение графика пути или зависимости расстояния S от времени t. Это необходимо для того, чтобы знать и быть

уверенным, что шток достигает своего крайнего положения за отведенное ему время движения $t_{\text{лв}}$. Эта задача решается следующим образом.

Уравнение баланса сил имеет вид:

$$F_{\text{\tiny LB}}(S) = F_{\text{\tiny C}} + F_{\text{\tiny M}} = m \cdot g + m \cdot a \tag{14}$$

где $F_{\rm c}$ - сила сопротивления, а $F_{\rm u}$ - инерционная сила.

Разрешая уравнение (14) относительно ускорения « а » и учитывая, что $a = \partial^2 S/\partial t^2$, можно записать следующее уравнение:

$$\frac{\partial^2 S}{\partial t^2} = \frac{1}{m} F_{\text{AB}}(S) - g \tag{15}$$

Это нелинейное неоднородное дифференциальное уравнение второго порядка. С помощью подстановки $\partial S/\partial t = V$, где V – скорость, уравнение (15) можно свести к системе двух уравнений, но уже первого порядка. Полученная система выглядит следующим образом:

$$\frac{\partial V}{\partial t} = \frac{1}{m} F_{\text{\tiny AB}}(S) - g \quad , \quad \frac{\partial S}{\partial t} = V \tag{16}$$

Решение системы (16) даёт сразу как график пути S(t), так и график скорости V(t), но само решение может быть получено только численным методом. Для численного интегрирования системы (16) был выбран метод Эйлера, который практически реализован в вычислительном пакете «Mathcad 2001i». Для осуществления процесса решения по методу Эйлера таблично заданная функция $F_{\partial s}(S)$, полученная из решения полевой задачи [уравнение (13), пакет «ELCUT»], сначала аппроксимируется кубическим сплайном с помощью стандартной программы в пакете «Mathcad 2001i», после чего используется непосредственно для решения системы (16). Интегрирование системы (16) производится от момента времени t=0 до момента времени $t=t_{\rm дв}$. На этом заканчивается второй этап расчётов.

По результатам расчётов второго этапа определяется выполняется ли условие $S(t_{\text{дв}}) = \delta_{\text{max}}$ или нет. Если условие $S(t_{\text{дв}}) = \delta_{\text{max}}$ не выполняется, то приходится возвращаться к первому этапу, вновь решая уравнение (13) при новом значении $j_{\text{расч}}$, чтобы получить новую зависимость $F_{\text{дв}}(S)$. И так далее, пока не выполнится условие $S(t_{\text{дв}}) = \delta_{\text{max}}$. Таким образом, процесс расчётов по обоим этапам носит итерационный

характер. Тем не менее, при наличии определенного опыта расчётов количество таких итераций может быть сведено к минимуму.

Основные результаты исследований и расчётов

Основные результаты исследований и расчётов для случая, когда запитана правая катушка обмотки возбуждения, неравномерно ускоренное движение штока осуществляется слева направо (движущая сила $F_{\rm дв}$ — положительна), частота следования прямоугольных импульсов $f = 25 \ \Gamma u$ (время движения штока $t_{\rm дв} = 0.01 \ ce\kappa$) и площадь окна под катушку $S_{\rm k} = 438.75 \ mm^2$, представлены в таблице 1 и на рис. 2-4.

Расчёт катушки обмотки возбуждения

Выбираем провод марки ПЭТВП. Это провод прямоугольного сечения, изолированный высокопрочной эмалью повышенной нагревостойкости (ГОСТ 17708-72).

Класс изоляции F. Рабочая температура θ_{pa6} =115 °C. Максимальная температура θ_{max} =150 °C.

Размеры неизолированного провода: a=1 мм (высота), b=2 мм (ширина).

Сечение неизолированного провода $S_{np} = 1,785 \text{ мм}^2$.

Двусторонняя толщина изоляции 0,12 мм.

Размеры изолированного провода: A=1,12 мм (высота), B=2,12 мм (ширина).

Число слоёв по высоте катушки при коэффициенте плотности намотки $\kappa_{\rm H}$ =0,85 - 0,9:

$$n_{\rm c.f.} = \frac{h_{\rm K} K_{\rm H}}{A} = \frac{19.5 \cdot (0.85 \div 0.9)}{1.12} = 14.8 \div 15.7$$

Принимаем $n_{cn} = 15$.

Число витков в слое при коэффициенте плотности намотки $\kappa_{\scriptscriptstyle \rm H}$ =0,85 - 0,9:

$$W_{\text{cn}} = \frac{l_{\text{K}} \kappa_n}{R} = \frac{22.5 \cdot (0.85 \div 0.9)}{2.12} = 9.02 \div 9.55$$

Принимаем $w_{e_{J}} = 9$.

Общее число витков в катушке: $w_k = n_{cn} \cdot w_{cn} = 15.9 = 135$ витков.

Ток в катушке обмотки возбуждения:

$$I_{\kappa} = \frac{I_{\Sigma}}{w_{\kappa}} = \frac{2474.55}{135} = 18.33A$$

Реальная плотность тока в катушке обмотки возбуждения (в импульсе):

$$j_{\text{pear}} = \frac{I_{\text{K}}}{S_{\text{TD}}} = \frac{18.33}{1.785} = 10.27 \frac{A}{MM^2}$$

Средняя за период $T_{\text{имп}}$ плотность тока в катушке обмотки возбуждения:

$$J_{\rm cp} = j_{\rm pean} \cdot \varepsilon = 10,27 \cdot 0,5 = 5,135 \, A/{\rm M}{\rm M}^2$$

что допустимо для провода с изоляцией класса F.

Средняя длина витка:

$$l_{_{\mathrm{W}}} = 2\pi R_{_{\mathrm{CP}}}^{(\mathrm{w})} = 2\pi \left(R_{_{\mathrm{B}}} - \frac{h_{_{\mathrm{K}}}}{2}\right) = 2\pi \cdot \left(75 - \frac{19.5}{2}\right) = 410$$
 MM

Длина провода: $L_{\text{п}} = l_{\text{w}} \cdot w_{\text{k}} = 410 \cdot 135 = 55350 \text{ мм} = 55.35 \text{ м}.$

Сопротивление обмотки возбуждения при комнатной температуре ($\theta_{\text{ком}}$ =20 °C):

$$R_{20^{\circ}C}^{(oбm)} = \frac{L_{_{\Pi}}(M)}{57 \cdot S_{_{\Pi D}}(MM)} = \frac{55.35}{57 \cdot 1.785} = 0.544OM$$

Сопротивление обмотки возбуждения при рабочей температуре (θ_{pao} =115 °C):

$$R_{115^{\circ}C}^{(\text{obm})} = k_{t,115} \cdot R_{20^{\circ}C}^{(\text{obm})} = 1.38 \cdot 0.544 = 0.751OM$$
,

где $k_{t,115}$ = 1,38 – температурный коэффициент увеличения сопротивления обмотки для класса изоляции F (перегрев 95 °C).

Напряжение питания катушки обмотки возбуждения:

$$U_{\rm k} = I_{\rm k} \cdot R_{\rm k} = 18,33 \cdot 0,751 = 13,766 B$$

Мощность в импульсе, потребляемая обмоткой возбуждения:

$$P_{\text{имп}} = U_{\text{k}} \cdot I_{\text{k}} = 13,766 \cdot 18,33 = 252,33 \ Bm.$$

Теперь, когда известны число витков катушки w_k и ток катушки I_k , можно определить её индуктивность L_k , которая в свою очередь будет зависеть от величины зазора δ в процессе перемещения штока. Расчёт L_k ведется на основе полевых решений с помощью «Мастера индуктивностей» программного комплекса «ELCUT». Результаты расчёта L_k приводятся в нижеследующей таблице для тех же условий по δ и S, что и в таблице 1 (последняя итерация).

3 азор δ	ММ	5	4	3	2	1	0,05
Расстояние <i>S</i>	мм	0	1	2	3	4	4,95
Индуктивность	Гн	0,06885	0,07793	0,09104	0,1099	0,1285	0,1429
$L_{ m k}$							

Выводы

- 1. Разработана и апробирована инженерная методика расчёта электромагнита возвратно-поступательного движения, основанная на использовании современных вычислительных пакетов «ELCUT» и Mathcad.
- 2. Для конкретных условий расчёта приведены результаты исследований и вычислений, не противоречащие общепринятым теоретическим представлениям и физическим процессам, протекающим в электромагнитных устройствах предложенной конструкции.

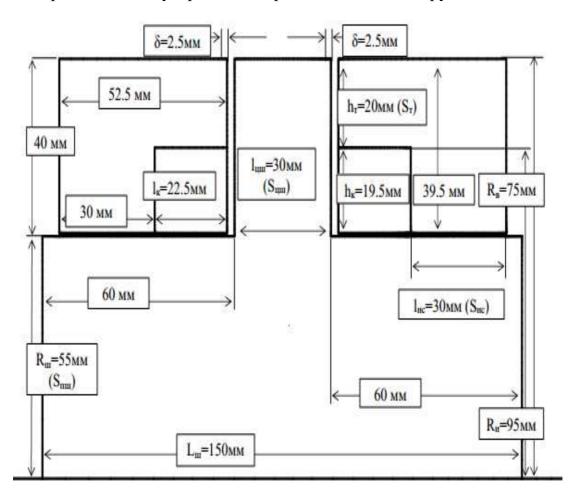
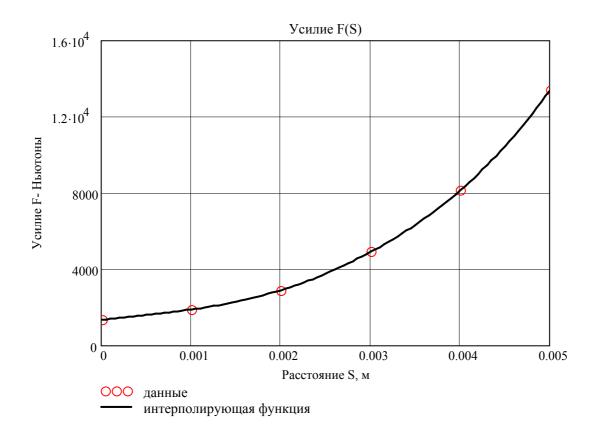


Рис. 1. $h_{\rm T}$ - толщина наружного сердечника в области основного зазора, $S_{\rm T}$ - площадь торцевой поверхности наружного сердечника в области основного зазора, $l_{\rm HC}$ -осевая длина наружного сердечника в концевой части штока, $S_{\rm HC}$ -площадь цилиндрической поверхности наружного сердечника в концевой части штока, $l_{\rm цш}$ -осевая длина центральной части штока, $S_{\rm цш}$ -площадь цилиндрической поверхности центральной части штока, $R_{\rm m}$ -радиус концевой части штока, $S_{\rm nm}$ - площадь поперечного сечения концевой части штока.

Таблица 1. Результаты расчёта (первая и последняя итерации) Неравномерно ускоренное движение штока слева направо. Запитана правая катушка. Частота следования прямоугольных импульсов $f = 25 \ \Gamma \mu$. $t_{\rm дв} = 0.01 \ ce\kappa$. Площадь окна под катушку $S_{\kappa} = 438.75 \ mm^2$.

	Первая итерация									
Зазор δ	мм	5	4	3	2	1	0.05			
Расстояние <i>S</i>	М	0	0,001	0,002	0,003	0,004	0,00495			
Плотность тока $j_{\text{расч}}$	А/мм2	4	4	4	4	4	4			
Сила $F_{\rm дв}$ из	Н	662	946	1487	2702	5927	11765			
расчёта поля										
Результат $S(t_{дв})$										
из графика пути	м, мм	$1.7 \cdot 10^{-3} \text{M} = 1.7 \text{ MM}$								
S(t)										
	Последняя итерация									
Зазор δ	мм	5	4	3	2	1	0,05			
Расстояние <i>S</i>	М	0	0,001	0,002	0,003	0,004	0,00495			
Плотность тока $j_{\text{расч}}$	А/мм2	5,64	5,64	5,64	5,64	5,64	5,64			
Сила $F_{\rm дв}$ из	H	1319	1876	2894	4895	8124	13406			
расчёта поля		(-1312)	(-1875)	(-2912)	(-4870)	(-8122)	(-			
							13331)			
Результат $S(t_{дв})$										
из графика пути	м, мм	$5 \cdot 10^{-3} M = 5 MM$								
S(t)										
Магнитный поток	Вб	0,00537	0,00651	0,00824	0,01092	0,01437	0,01878			
в зазоре Φ_{δ}										
Средняя индукция	T	0,502	0,61	0,771	1,022	1,345	1,758			
в зазоре $B_{\rm cp}$										
Средняя индукция	T	0,838	0,939	1,111	1,357	1,596	1,766			
$B_{\rm cp}$ в сечении $S_{ m цш}$										
Средняя индукция	T	0,991	1,122	1,309	1,576	1,835	2,024			
$B_{\rm cp}$ в сечении $S_{\rm nm}$										
Средняя индукция	T	0,836	0,942	1,095	1,315	1,526	1,676			
$B_{\rm cp}$ в сечении $S_{\rm hc}$										
Намагничивающая сила (H.C.) катушки $I_{\Sigma} = I_k \cdot w_k = j \cdot S_k = 5,64 \cdot 438,75 = 2474,55$ А										

^{*)} В строке для $F_{\rm дв}$ в скобках указаны значения движущей силы, когда запитана левая катушка, а движение штока осуществляется справа налево, о чём свидетельствует знак минус у $F_{\rm дв}$.



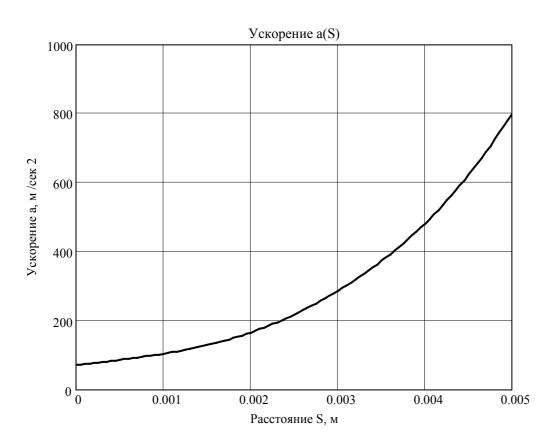
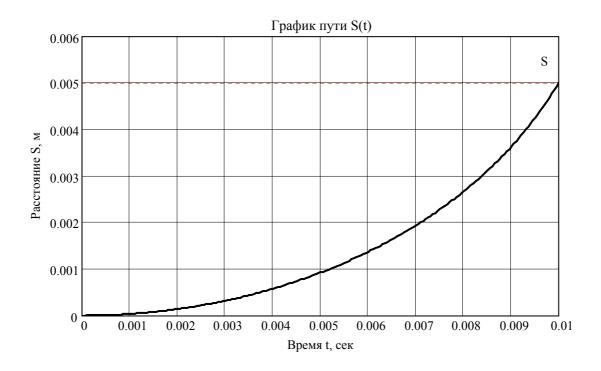


Рис. 2. Неравномерно ускоренное движение штока слева направо. Работает правая катушка. Намагничивающая сила $I_{\mathbf{k}} \cdot w_{\mathbf{k}} = 2474,55 \; \mathrm{A} = \mathrm{const.} \; \Pi$ лощадь окна под катушку $S_{\mathbf{k}} = l_{\mathbf{k}} \cdot h_{\mathbf{k}} = 22,5 \cdot 19,5$ = 438,75 mm^2 . Расчётная плотность тока $J_{\mathrm{pacq}} = I_{\mathbf{k}} \cdot w_{\mathbf{k}} / S_{\mathbf{k}} = 5,64 \; \mathit{A/mm}^2 = \mathrm{const.} \; \mathrm{Частота} \; f = 25 \; \mathit{\Gammau}.$



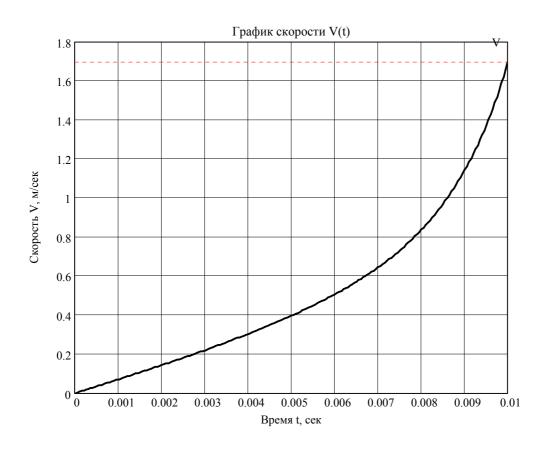
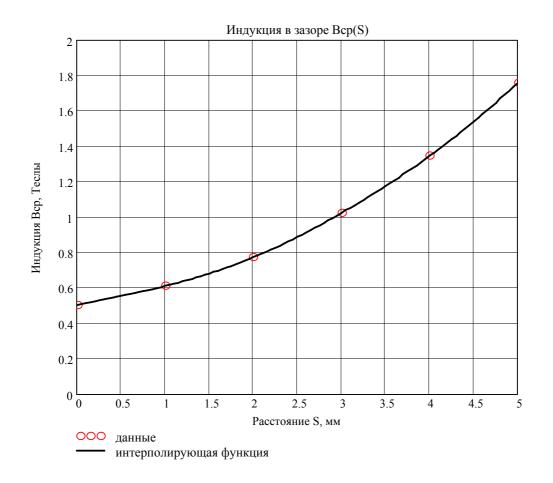
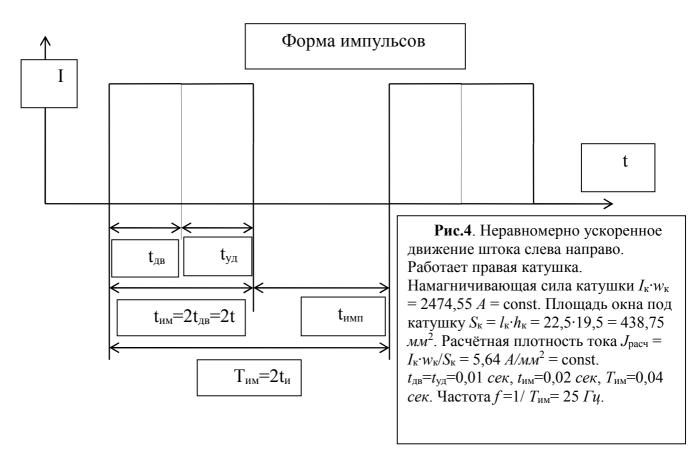


Рис. 3. Неравномерно ускоренное движение штока слева направо. Работает правая катушка. Намагничивающая сила $I_{\rm K}\cdot w_{\rm K}=2474,55$ $A={\rm const.}$ Площадь окна под катушку $S_{\rm K}=l_{\rm K}\cdot h_{\rm K}=22,5\cdot 19,5=438,75$ мм². Расчётная плотность тока $J_{\rm pacq}=I_{\rm K}\cdot w_{\rm K}/S_{\rm K}=5,64$ $A/{\rm MM}^2={\rm const.}$ Частота f=25 Γu .





Об авторе

Суханов Виктор Васильевич, Санкт-Петербургский Государственный Политехнический Университет, кафедра «Электрические машины»